

4- يملك فلاح حقلين لهما نفس قيس المساحة ، الأول مثلث الشكل قيس طول قاعدته 120 م وقيس طول ارتفاعه 75 م ، والثاني على شكل شبه منحرف قيس طول ارتفاعه 45 م. أحسب قيس طول كل من القاعدتين الكبيرى والصغرى علماً بأن القاعدة الصغرى تُمثل $\frac{2}{3}$ القاعدة الكبيرى.

$$\text{قيس مساحة كل قطعة : } \frac{75 \times 120}{2} = 4500 \text{ م}^2$$

$$\text{قيس مجموع القاعدتين : } \frac{2 \times 4500}{45} = 200 \text{ م}$$

$$\text{قيس القاعدة الصغرى : } \frac{2 \times 200}{5} = 80 \text{ م}$$

$$\text{قيس القاعدة الكبيرى : } \frac{3 \times 200}{5} \text{ أو } 200 - 80 = 120 \text{ م}$$

الخلاصة :- قيس مساحة شبه المنحرف = (مجموع القاعدتين $\times$ الارتفاع) : 2

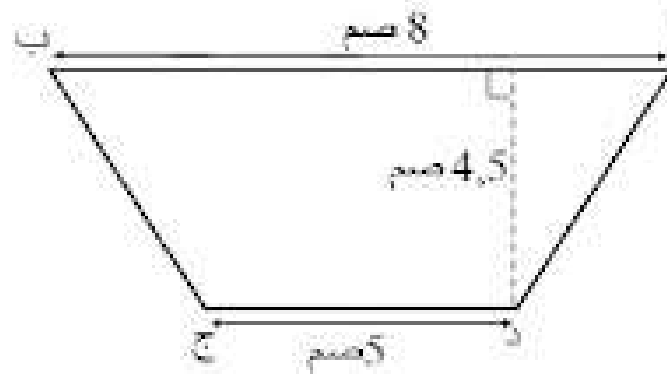
- قيس ارتفاع شبه المنحرف = (قيس المساحة $\times$ 2) : مجموع قيس القاعدتين

- قيس القاعدة الصغرى = (قيس المساحة $\times$ 2) : قيس الارتفاع] - قيس القاعدة الكبيرى

- قيس القاعدة الكبيرى = (قيس المساحة $\times$ 2) : قيس الارتفاع] - قيس القاعدة الصغرى

القاعدة الكبرى يساوي 1,8 م .	1,2 م وقيس ارتفاعها يساوي 0,8 م .
قيس مجموع القاعدتين: $(2 \times 1,2) : 0,8 = 3$ م	
قيس القاعدة الصغرى : $3 - 1,8 = 1,2$ م	
أحسب قيس ارتفاع شبه المنحرف الممثل لقطعة القماش	4
قيس الارتفاع : $(2 \times 2,1) : 2,8 = 1,5$ م ²	قطعة قماش على شكل شبه منحرف قيس مساحتها 2,1 م ² و قيس مجموع قاعدتيها يساوي 2,8 م .

3- اشترى أخى قطعة أرض على شكل شبه منحرف يمثلها الرّسم التّالى حسب السّلم $\frac{1}{1000}$.



أ - أحسب قيس المساحة الحقيقيّة لقطعة الأرض .

قيس الأبعاد الحقيقيّة :

$$8000 \text{ صم} = 1000 \times 8 \text{ م}$$

$$5000 \text{ صم} = 1000 \times 5 \text{ م}$$

$$4500 \text{ صم} = 1000 \times 4,5 \text{ م}$$

$$\text{قيس مساحة قطعة الأرض} = \frac{45 \times (50 + 80)}{2} = 2925 \text{ م}^2 = 29,25 \text{ أكر}$$

ب - أحسب كلفة الأرض إذا كان ثمن الأكر الواحد 850 د و أنّ مصاريف التّسجيل بلغت 8 % من ثمن الشّراء .

$$\text{ثمن شراء قطعة الأرض : } 23400 = 29,25 \times 800 \text{ د}$$

$$\text{قيمة مصاريف التّسجيل : } 1872 = 8 \times (100 : 23400)$$

$$\text{كلفة الأرض} = 23400 + 1872 = 25272 \text{ د}$$

$$\text{أو } 25272 = \frac{108 \times 23400}{100}$$

أحسب :

- قاعدة المثلث (هـ ل ب) = $16 + 7$ (مجموع قاعدتي شبه المنحرف) = 23 سم
- ارتفاع المثلث (هـ ل ب) = ارتفاع شبه المنحرف (أ هـ ب ج) = 8 سم
- قيس مساحة المثلث (أ هـ ب ل) = قيس مساحة شبه المنحرف (أ هـ ب ج) =
$$92 = \frac{8 \times (7 + 16)}{2} \text{ سم}^2$$

- أعيد ما قامت به فاطمة مع أخيها على ورقة بيضاء .

الاستنتاج :

قيس مساحة شبه المنحرف :
$$\frac{(\text{كبري قاعدة} + \text{صغري قاعدة}) \times \text{ارتفاع}}{2}$$

أطبق المفهوم :

1- أتمرّ الجدول التالي :

شبه المنحرف	أ	ب	ج
قيس القاعدة الصغرى	16,5 م	36 م	24 دسم
قيس القاعدة الكبرى	18 م	24 م	32,5 دسم
قيس الارتفاع	12 م	42 م	18 م
قيس المساحة	207 م²	1260 م ²	508,5 دسم ²

2 - أحسب المطلوب في الجدول التالي :

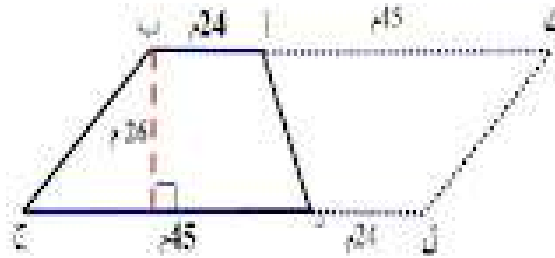
المعطى	المطلوب	
1 - قطعة أرض على شكل شبه منحرف قيس قاعدتها الكبرى تساوي 45 م وقيس قاعدتها الصغرى تساوي $\frac{1}{3}$ قيس قاعدها الكبرى وقيس الارتفاع يساوي 25 م .	أحسب قيس مساحة قطعة الأرض بحساب الم ² و بالها . قيس القاعدة الصغرى : $15 = \frac{45}{3}$ م قيس المساحة : $25 \times (15 + 45) : 2 = 750 \text{ م}^2$	1
2 - قطعة أرض قيس قاعدتها الكبرى تساوي 120 م و قيس قاعدتها الصغرى 90 م و قيس مساحتها 84 ار .	أحسب قيس ارتفاع قطعة الأرض بحساب الم . قيس مجموع القاعدتين : $120 + 90 = 210 \text{ م}$ التحويل : $84 \text{ ار} = 8400 \text{ م}^2$ قيس الارتفاع : $(210 : 8400) = 40 \text{ م}$	2
3 - طاولة على شكل شبه منحرف قيس مساحتها	أحسب قيس القاعدة الصغرى بالصم إذا كان قيس	3

حلّ وضعية النشاط الأول :

قيس مساحة قطعة الأرض : $\frac{50 \times (40 + 70)}{2} = 2750 \text{ م}^2 = 27,50 \text{ أَر}$

ثمن شراء قطعة الأرض : $4500 \times 27,5 = 123\,750$

أُكْرِبُ :



أحسبُ قيس مساحة الشكل (ك ب ج ل) :

$$26 \times (24 + 45) = 1\,794 \text{ م}^2$$

أحسبُ قيس مساحة الشكل (أ ب ج د) :

$$1794 : 2 = 897 \text{ م}^2$$

انسلي مع الرياضيات :

حز قالت فاطمة لأخيها مراد: " هل تعلم أن قيس مساحة شبه المنحرف هي في نفس الوقت مساحة للمثلث ؟ " .

قال مراد: " كيف ذلك ؟ "

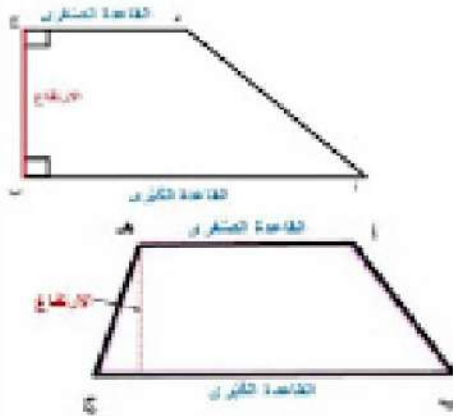
قامت فاطمة بالنشاط التالي:

	رسمت شبه منحرف (أ ه ب ج)	المرحلة الأولى
	- عينت النقطة " م " منتصف الضلع الجانبي [أ ج] (ويمكن أن يكون منتصف الضلع الجانبي الآخر [ه ب]) - قصت المثلث (أ ه م) .	المرحلة الثانية
	- أعدت تركيب المثلث (أ ه م) بجعل القاعدة الصغرى [أ ه] ملاصقة للقاعدة الكبرى [ج ب] . - تحصّلت على المثلث (ه ل ب) قيس مساحته تساوي قيس مساحة شبه المنحرف (أ ه ب ل) .	المرحلة الثالثة

أحسب قيس مساحة شبه المنحرف**التكريم : (1)** شبه المنحرف هو رباعي :

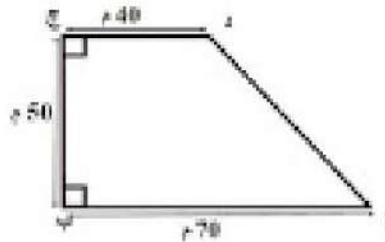
- له ضلعان متوازيان هما قاعدتا .

- وله ارتفاع يربط بين القاعدتين ويتعامد معهما .

(2) قيس مساحة متوازيات الأضلاع : **قاعدة × ارتفاع**- قيس مساحة المثلث : **قاعدة × ارتفاع**
2**استكشف :**

اشترى باعثة عقاري قطعة أرض على شكل شبه منحرف

فانم يمثلها الرسم الجانبي بحساب 4500 د للار الواحد .



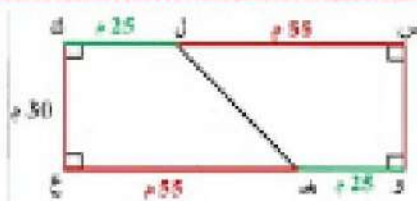
• أحسب قيس مساحة قطعة الأرض .

• أحسب ثمن شراء قطعة الأرض .

الاحظ و استنتج :

أحسب قيس مساحة المستطيل (س ك ع و) المتكون من قطعتين

متقاسمتي المساحة كل واحدة على شكل شبه منحرف فانم .

**الحل :**

• قيس طول المستطيل :

$$25 + 55 \text{ (قاعدة ك + قاعدة ص)} = 80 \text{ م}$$

• قيس العرض :

$$30 \text{ م (هـ ع ك ل) ارتفاع شبه المنحرف}$$

• قيس مساحة المستطيل (س ك ع و) : $80 \text{ (مجموع القاعدتين)} \times 30 \text{ (الارتفاع)} = 4000 \text{ م}^2$ **استنتج : 1-** قيس مساحة شبه المنحرف (هـ ع ك ل) = قيس مساحة شبه المنحرف (و هـ ل س)

$$2 - \text{قيس مساحة شبه المنحرف (هـ ع ك ل)} = \frac{1}{2} \text{ قيس مساحة المستطيل (س ك ع و)}$$

$$2000 \text{ م}^2 = \frac{4000}{2} = \frac{30 \times (25 + 55)}{2}$$